## SPIN 1/2

$\sigma_{1}, \sigma_{2}$ e $\sigma_{3}$ também são observáveis incompatíveis


Fig. 1.6. Three possible orientations for the Stem-Gerlach magnet, making $120^{\circ}$
angles with each other. The three unit vectors $e_{1}, e_{2}$ and $e_{3}$ sum up to zero.
$\mathbf{e}_{1}+\mathbf{e}_{2}+\mathbf{e}_{3}=\mathbf{0}$
$\left(\mathbf{e}_{1}+\mathbf{e}_{2}+\mathbf{e}_{3}\right) \cdot \mu=0$
argumento contrafactual: não é possível determinar simultaneamente os valores dos três
$\left(\sigma_{1}+\sigma_{2}+\sigma_{3}\right) \mu_{B}=0 \rightarrow \sigma_{1}+\sigma_{2}+\sigma_{3}=0$ observáveis incompatíveis

3 aparatos de Stern+Gerlach/ 3 cristais em sequência


Cristal intermediário cada vez mais fino: overlap entre feixes ordinário e extraordinário

Soma sobre amplitudes de caminhos/estados intermediários, não probabilidades!!

Estrutura formal da MQ: espaço vetorial/álgebra linear

## Revisão de Álgebra Linear

- Base de espaço vetorial. Dimensão.
- Produto interno ou escalar e métrica. Notação de Dirac: bra-ket
- Base ortonormal. Expansão em base ortonormal.


## Revisão de Álgebra Linear

1. Base de espaço vetorial. Dimensão.

$$
\text { espaço vetorial } \varepsilon
$$

conjunto de vetores

$$
\mathcal{B}=\left\{\left|v_{1}\right\rangle,\left|v_{2}\right\rangle, \ldots,\left|v_{N}\right\rangle\right\}
$$

é uma base de $\mathcal{E}$ se

- conjunto é linearmente independente
- geram todo o espaço vetorial $\varepsilon$
todas as bases de $\mathcal{E}$ possuem o mesmo número de elementos
$=$ dimensão $N$

